

**PODSTAWOWE
ROZKŁADY PRAWDOPODOBIENSTWA**

ZESTAWIENIE

TABLICE WYBRANYCH ROZKŁADÓW

PODSTAWOWE ROZKŁADY PRAWDOPODOBIENSTWA

Rozkłady skokowe.

| NAZWA ROZKŁADU | FUNKCJA ROZKŁADU PRAWDOPODOBIENSTWA WŁASNOŚCI | WART. OCZEKIWANA WARIANCJA INNE PARAMETRY |
|---|--|--|
| Rozkład jednostajny dyskretny c, n - całkowite; $n > 0$ | $P(X = k) = \frac{1}{n} \quad k = c, c + 1, c + 2, \dots, c + n - 1$ (gdy $n = 1$ to rozkład jednopunktowy) $\varphi(t) = \frac{e^{ict}(1 - e^{int})}{n(1 - e^{it})}$ | $EX = c + (n - 1)/2;$ $D^2X = (n^2 - 1)/12$ $a = 0$ $k = 1,8 - 2,4/(n^2 - 1)$ |
| Rozkład zerojedynkowy $p \in (0, 1)$ | $P(X = 0) = q \quad P(X = 1) = p; \quad q = 1 - p$ $\varphi(t) = q + pe^{it}$ | $EX = p; \quad D^2X = pq$ $a = \frac{q - p}{\sqrt{pq}} \quad k = \frac{1}{pq} - 3$ |
| Rozkład dwumianowy $p \in (0, 1), \quad n \in \mathbb{N}$ | $P(X = k) = \binom{n}{k} p^k q^{n-k} \quad q = 1 - p$ $k = 0, 1, 2, \dots, n$ X - liczba sukcesów w n próbach B. (patrz przybliżenie Poissona) Zależność rekurencyjna: $P(X = k + 1) = \frac{n - k}{k + 1} \frac{p}{q} P(X = k) \quad P(X = 0) = q^n$ $\varphi(t) = (q + pe^{it})^n$ | $EX = np; \quad D^2X = npq$ $a = \frac{q - p}{\sqrt{npq}}$ $k = \frac{1 - 6pq}{npq} + 3$ |
| Rozkład geometryczny $p \in (0, 1)$ | $P(X = k) = pq^k \quad q = 1 - p$ $k = 0, 1, 2, \dots$ X - liczba prób B. poprzedzających pierwszy sukces Zależność rekurencyjna: $P(X = k + 1) = qP(X = k) \quad P(X = 0) = p$ $\varphi(t) = \frac{p}{1 - qe^{it}}$ | $EX = q/p; \quad D^2X = q/p^2$ $a = \frac{1 + q}{\sqrt{q}}$ $k = \frac{p^2}{q} + 9$ |
| Rozkład hipergeometryczny n, N, M to liczby całkowite nieujemne, $M \leq N, n \leq N,$ $\max(0, M + n - N) \leq k \leq \min(M, n)$ | Dla danej liczby obiektów N z których M ma określoną własność losujemy n elementów bez zwracania. X - liczba wylosowanych obiektów o określonej własności określamy funkcję prawdopodobieństwa $P(X = k) = \frac{\binom{M}{k} \binom{N - M}{n - k}}{\binom{N}{n}}$ Zależność rekurencyjna: $P(X = k) = P(X = k - 1) \frac{(n + 1 - k)(M + 1 - k)}{k(N - M - n + k)}$ | $EX = Mn/N,$ $D^2X =$ $= \frac{nM(N - M)(N - n)}{N^2(N - 1)}$ $a = \frac{(N - 2M)(N - 2n)\sqrt{N - 1}}{(N - 2)\sqrt{nM(N - M)(N - n)}}$ $k = \frac{N^2(N - 1)}{n(N - 2)(N - 3)(N - n)}$ $\left(\frac{N(N + 1) - 6n(N - n)}{M(N - M)} + \frac{6n(N - n)(5N - 6)}{N^2(N - 1)} - 6 \right) + 3$ |
| Rozkład ujemny dwumianowy $p \in (0, 1), \quad m \in \mathbb{N}$ | Niech m - liczba pożądaných sukcesów. X - liczba prób Bernoulliego poprzedzających m sukcesów. $P(X = k) = \binom{k + m - 1}{k} p^m q^k$ gdzie $q = 1 - p \quad k = 0, 1, 2, \dots$ Gdy $m = 1$ to rozkład ujemny dwumianowy jest rozkładem geometrycznym. Zależność rekurencyjna: $P(X = k) = P(X = k - 1) \frac{m - 1 + k}{k} \quad P(X = 0) = p^m$ | $EX = mq/p,$ $D^2X = mq/p^2$ $a = \frac{1 + q}{\sqrt{mq}}$ $k = \frac{p^2}{mq} + \frac{6}{m} + 3$ |

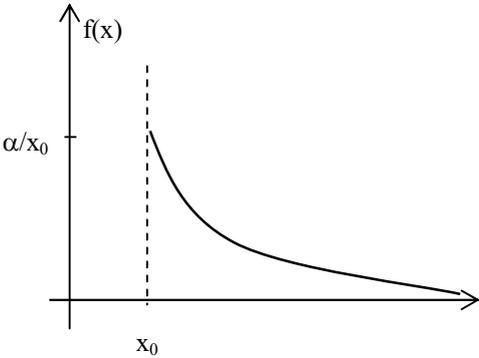
| | | |
|--|---|--|
| <p>Rozkład Poissona</p> <p>$\lambda > 0$</p> | $P(X = k) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda} \text{ (tablica I)}$ $k = 0, 1, 2, \dots$ <p>dla $\lambda > 9$ rozkład Poissona można przybliżyć rozkładem $N(\lambda, \sqrt{\lambda})$, zachodzi wtedy</p> $P(X = k) \approx \Phi\left(\frac{k + 0,5 - \lambda}{\sqrt{\lambda}}\right) - \Phi\left(\frac{k - 0,5 - \lambda}{\sqrt{\lambda}}\right)$ <p>gdzie Φ - dystrybuanta rozkładu $N(0, 1)$</p> <p>Zależność rekurencyjna:</p> $P(X = k + 1) = \frac{\lambda}{k + 1} P(X = k) \quad P(X = 0) = e^{-\lambda}$ $\varphi(t) = e^{\lambda(e^t - 1)}$ <p>Przybliżenie Poissona (n - duże, p - małe)</p> $\binom{n}{k} p^k q^{n-k} \approx \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda} \quad \lambda = n \cdot p$ | $EX = \lambda ;$ $D^2X = \lambda$ $a = \frac{1}{\sqrt{\lambda}}$ $k = \frac{1}{\lambda} + 3$ $m_3 = \lambda + 3\lambda^2 + \lambda^3,$ $m_4 = \lambda + 7\lambda^2 + 6\lambda^3 + \lambda^4$ $\mu_3 = \lambda,$ $\mu_4 = \lambda + 3\lambda^2$ |
|--|---|--|

Rozkłady ciągłe.

| NAZWA ROZKŁADU | GĘSTOŚĆ WŁASNOŚCI | WART. OCZEKIWANA WARIANCJA INNE PARAMETRY |
|---|--|--|
| <p>Rozkład jednostajny (rozkład prostokątny)</p> <p>$a, b \in R \quad a < b$</p> | $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a} & x \in (a; b) \\ 0 & x \notin (a; b) \end{cases}$ $\varphi(t) = \frac{e^{ibt} - e^{iat}}{i(b-a)t}$ | $EX = (a+b)/2$ $D^2X = (b-a)^2/12$ $a = 0$ $k = 1,8$ $x_{0,5} = (a+b)/2$ <p>d - nie istnieje</p> |
| <p>Rozkład trójkątny w (a, b) (rozkład Simpsona)</p> <p>$a, b \in R, \quad a < b$</p> | $f(x) = \begin{cases} \frac{4(x-a)}{(b-a)^2} & a \leq x \leq (a+b)/2 \\ \frac{4(b-x)}{(b-a)^2} & (a+b)/2 \leq x \leq b \\ 0 & x \notin (a;b) \end{cases}$ | $EX = (a+b)/2$ $D^2X = (b-a)^2/24$ $a = 0$ $k = 2,4$ $x_{0,5} = (a+b)/2$ $d = (a+b)/2$ |
| <p>Rozkład arcusa sinusa</p> <p>$a, b \in R, \quad a > 0$</p> | $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{\pi\sqrt{a^2 - (x-b)^2}} & b-a \leq x \leq b+a \\ 0 & x \notin (b-a; b+a) \end{cases}$ <p>Dystrybuanta</p> $F(x) = \frac{1}{2} + \frac{1}{\pi} \arcsin\left(\frac{x-b}{a}\right)$ | $EX = b$ $D^2X = a^2/2$ $a = 0$ $k = 1,5$ $x_{0,5} = b$ <p>d - nie istnieje</p> |

| | | |
|---|--|---|
| <p>Rozkład Cauchy</p> <p>$\lambda, \mu \in R, \lambda > 0$</p> | $f(x) = \frac{\lambda}{\pi(\lambda^2 + (x - \mu)^2)} \quad x \in R$ <p>Dystrybuanta</p> $F(x) = \frac{1}{2} + \frac{1}{\pi} \operatorname{arctg}\left(\frac{x - \mu}{\lambda}\right)$ | <p>EX, D²X nie istnieje</p> <p>$x_{0,5} = \mu$</p> <p>$d = \mu$</p> |
| <p>Rozkład normalny</p> <p>$m \in R, \sigma \in (0, +\infty)$</p> | $f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-m)^2}{2\sigma^2}} \quad x \in R$ <p>funkcja gęstości ma punkty przegięcia</p> $x = m \pm \sigma$ <p>W tablicy II dla $x \in [0; 5]$ podano wartości dystrybuanty Φ rozkładu N(0, 1)</p> $\Phi(-x) = 1 - \Phi(x)$ <p>$X \sim N(m, \sigma) \Rightarrow Y = (X - m)/\sigma \sim N(0, 1)$ (standaryzacja)</p> $\varphi(t) = e^{imt - \frac{\sigma^2 t^2}{2}}$ | <p>EX = m;</p> <p>D²X = σ^2</p> <p>$a = 0$</p> <p>$k = 3$</p> <p>$x_{0,5} = m$</p> <p>$d = m$</p> <p>$m_k = m \cdot m_{k-1} + (k-1)\sigma^2 m_{k-2}$</p> <p>$\mu_k = \begin{cases} 0 & \text{gdyk-nieparzyste} \\ \sigma^k (k-1)!! & \text{gdyk-parzyste} \end{cases}$</p> |
| <p>Rozkład logarytmiczno-normalny LN(m; σ)</p> <p>$m \in R, \sigma \in (0, +\infty)$</p> | $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(\ln x - m)^2}{2\sigma^2}} & \text{dla } x > 0 \\ 0 & \text{dla } x \leq 0 \end{cases}$ <p>Uwaga.</p> <p>Jeśli X ma rozkład LN(m; σ) to zmienna losowa $Y = \ln X$ ma rozkład normalny.</p> | <p>EX = $e^{m + \frac{\sigma^2}{2}}$</p> <p>D²X = $e^{2m + \sigma^2} (e^{\sigma^2} - 1)$.</p> <p>$m_k = e^{km + \frac{(k\sigma)^2}{2}}$</p> |
| <p>Rozkład wykładniczy</p> <p>$a \in (0, +\infty)$</p> | $f(x) = \begin{cases} ae^{-ax} & x > 0 \\ 0 & x \leq 0 \end{cases}$ <p>(szczególny przypadek rozkładu gamma)</p> $\varphi(t) = \frac{a}{a - it}$ | <p>EX = 1/a;</p> <p>D²X = 1/a²</p> <p>$a = 2$</p> <p>$k = 9$</p> <p>$x_{0,5} = (\ln 2)/a \approx 0,6931/a$</p> <p>$d = 0$</p> <p>$m_k = \frac{k!}{a^k}$</p> <p>$\mu_k = \frac{k!}{a^k} \sum_{j=0}^k \frac{(-1)^j}{j!}$</p> |

| | | |
|--|---|--|
| <p>Rozkład Laplace'a</p> <p>$\mu \in R, \lambda \in (0, +\infty)$</p> | $f(x) = \frac{1}{2} \lambda e^{-\lambda x-\mu } \quad x \in R$ <p>(dwustronny rozkład wykładniczy)</p> <p>dystrybuanta</p> $F(x) = \begin{cases} \frac{1}{2} e^{\lambda(x-\mu)} & x \leq \mu \\ 1 - \frac{1}{2} e^{-\lambda(x-\mu)} & x > \mu \end{cases}$ $\varphi(t) = \frac{\lambda^2}{\lambda^2 + t^2} e^{i\mu t}$ | <p>$EX = \mu;$ $D^2X = 2/\lambda^2$ $a = 0$ $k = 6$ $x_{0,5} = \mu$ $d = \mu$</p> |
| <p>Rozkład Weibulla</p> <p>$\beta, \eta > 0$</p> | $f(x) = \begin{cases} \beta \frac{x^{\beta-1}}{\eta^\beta} e^{-\left(\frac{x}{\eta}\right)^\beta} & \text{dla } x > 0 \\ 0 & \text{dla } x \leq 0 \end{cases}$ <p>dystrybuanta</p> $F(x) = \begin{cases} 1 - e^{-\left(\frac{x}{\eta}\right)^\beta} & \text{dla } x > 0 \\ 0 & \text{dla } x \leq 0 \end{cases}$ <p>(dla $\beta = 1$ jest to rozkład wykładniczy o parametrze $a = 1/\eta$)</p> | <p>$EX = m = \eta \Gamma\left(\frac{1}{\beta} + 1\right)$</p> <p>$D^2X = \sigma^2 = \eta^2 \left[\Gamma\left(\frac{2}{\beta} + 1\right) - \Gamma^2\left(\frac{1}{\beta} + 1\right) \right]$</p> <p>$EX^k = m_k = \eta^k \Gamma\left(\frac{k}{\beta} + 1\right)$</p> <p>$x_{0,5} = \eta (\ln 2)^{1/\beta}$</p> <p>$x_p = \eta (-\ln(1-p))^{1/\beta}$</p> <p>$d = \eta \left(\frac{\beta-1}{\beta}\right)^{1/\beta}, \text{ dla } \beta \geq 1$</p> <p>$a = \frac{\Gamma\left(\frac{3}{\beta} + 1\right) - 3\Gamma\left(\frac{2}{\beta} + 1\right)\Gamma\left(\frac{1}{\beta} + 1\right) + 2\Gamma^3\left(\frac{1}{\beta} + 1\right)}{\left[\Gamma\left(\frac{2}{\beta} + 1\right) - \Gamma^2\left(\frac{1}{\beta} + 1\right)\right]^{3/2}}$</p> |
| <p>Rozkład gamma</p> <p>$p, \lambda \in (0, +\infty)$</p> | $f(x) = \begin{cases} \frac{x^{p-1} e^{-\frac{x}{\lambda}}}{\lambda^p \Gamma(p)} & x > 0 \\ 0 & x \leq 0 \end{cases}$ <p>dla $p = 1$ jest to rozkład wykładniczy o parametrze $a = 1/\lambda$ dla $p = n/2, \lambda = 2$ jest to rozkład chi kwadrat o n stopniach swobody</p> $\varphi(t) = \left(\frac{1}{1 - it\lambda} \right)^p$ | <p>$EX = \lambda p;$ $D^2X = p\lambda^2$</p> <p>$a = \frac{2}{\sqrt{p}}$ $k = \frac{6}{p} + 3$ $d = \lambda(p-1), p \geq 1$</p> <p>$m_k = p(p+1)\dots(p+k-1)\lambda^k$</p> |

| | | |
|---|--|---|
| <p>Rozkład beta</p> <p>$\alpha, \beta, a, b \in (0, +\infty)$</p> <p>$a < b$</p> | $f(x) = \frac{\Gamma(\alpha)\Gamma(\beta)}{\Gamma(\alpha+\beta)} \frac{(x-a)^{\alpha-1}(b-x)^{\beta-1}}{(b-a)^{\alpha+\beta-1}} \quad a < x < b$ <p>(dla $a = 0, b = 1$ klasyczny rozkład beta)</p> <p>Dla $\alpha = 1, \beta = 1$ jest to rozkład jednostajny w (a, b)</p> | $EX = \frac{a\beta + b\alpha}{\alpha + \beta}$ $D^2X = \frac{(b-a)^2\alpha\beta}{(\beta+\alpha)^2(\alpha+\beta+1)}$ $a = \frac{2(\beta-\alpha)}{\alpha+\beta+2} \sqrt{\frac{\alpha+\beta+1}{\alpha\beta}}$ $d = \frac{a(\beta-1)+b(\alpha-1)}{\alpha+\beta-2}$ <p>dla $\alpha, \beta > 1$</p> |
| <p>Rozkład Pareto</p> <p>$\alpha, x_0 \in (0, +\infty)$</p> | $f(x) = \begin{cases} \frac{\alpha}{x_0} \left(\frac{x_0}{x}\right)^{\alpha+1} & x > x_0 \\ 0 & x \leq x_0 \end{cases}$  | $EX = \frac{\alpha}{\alpha-1} x_0 \quad \text{dla } \alpha > 1$ $D^2X = \frac{\alpha}{(\alpha-1)^2(\alpha-2)} x_0^2$ <p>dla $\alpha > 2$</p> $a = \frac{2(\alpha+1)}{\alpha-3} \sqrt{\frac{\alpha}{\alpha-2}}$ <p>dla $\alpha > 2$</p> $k = \frac{6(\alpha^3 + \alpha^2 - 6\alpha - 2)}{\alpha(\alpha-3)(\alpha-3)} + 3$ <p>dla $\alpha > 4$</p> $d = x_0, \quad x_{0,5} = x_0 2^{1/\alpha}$ $m_k = \frac{\alpha}{\alpha-k} x_0^k \quad \text{dla } \alpha > k$ |
| <p>Rozkład Erlanga</p> <p>$a \in (0, +\infty)$</p> <p>$m \in \mathbb{N}$</p> | $f(x) = \begin{cases} \frac{a^m}{(m-1)!} x^{m-1} e^{-ax} & x > 0 \\ 0 & x \leq 0 \end{cases}$ <p>(szczególny przypadek rozkładu gamma)</p> <p>Dla $m = 1$ jest to rozkład wykładniczy.</p> <p>Uwaga</p> <p>Suma m niezależnych zmiennych losowych o rozkładzie wykładniczym z parametrem a ma rozkład Erlanga.</p> $\varphi(t) = \left(\frac{a}{a-it}\right)^m$ | $EX = m/a;$ $D^2X = m/a^2$ $a = \frac{2}{\sqrt{m}}$ $k = \frac{6}{m} + 3$ $d = (m-1)/a$ $m_k = \frac{m(m+1)\dots(m+k-1)}{a^k}$ |

| | | |
|--|--|--|
| <p>Rozkład Releja</p> <p>$a \in (0, +\infty)$</p> | $f(x) = \begin{cases} \frac{x e^{-\frac{x^2}{2a^2}}}{a^2} & x > 0 \\ 0 & x \leq 0 \end{cases}$ <p>dystrybuanta</p> $F(x) = \begin{cases} 1 - e^{-\frac{x^2}{2a^2}} & x > 0 \\ 0 & x \leq 0 \end{cases}$ | $EX = a\sqrt{\frac{\pi}{2}};$ $D^2X = a^2\left(2 - \frac{\pi}{2}\right)$ $a = \frac{2\sqrt{\pi}(\pi - 3)}{(4 - \pi)^{3/2}}$ $k = \frac{6\pi(4 - \pi) - 16}{(4 - \pi)^2} + 3$ <p>$d = a$</p> $x_{0,5} = a\sqrt{\ln 4}$ |
| <p>Rozkład Maxwella</p> <p>$a \in (0, +\infty)$</p> | $f(x) = \begin{cases} \frac{2x^2 e^{-\frac{x^2}{2a^2}}}{a^3 \sqrt{2\pi}} & x > 0 \\ 0 & x \leq 0 \end{cases}$ | $EX = 2a\sqrt{\frac{2}{\pi}};$ $D^2X = a^2\left(\frac{3\pi - 8}{\pi}\right)$ $a = \frac{2\sqrt{2}(16 - 5\pi)}{(3\pi - 8)^{3/2}}$ $k = \frac{160\pi - 12\pi^2 - 384}{(3\pi - 8)^2} + 3$ <p>$d = a\sqrt{2}$</p> $x_{0,5} \approx 1,5383a$ |
| <p>Rozkład logistyczny</p> <p>$\mu \in R, \lambda \in (0, +\infty)$</p> | $f(x) = \frac{\exp\left(\frac{x - \mu}{\lambda}\right)}{\lambda \left[1 + \exp\left(\frac{x - \mu}{\lambda}\right)\right]^2} \quad x \in R$ <p>dystrybuanta</p> $F(x) = \frac{1}{1 + \exp\left(-\frac{x - \mu}{\lambda}\right)} \quad x \in R$ | <p>$EX = \mu;$</p> $D^2X = \frac{(\lambda\pi)^2}{3}$ <p>$a = 0$</p> <p>$k = 4,2$</p> <p>$x_{0,5} = \mu$</p> <p>$d = \mu$</p> |

| | | |
|---|--|--|
| <p>Rozkład chi kwadrat Y_n</p> <p>$n \in N$</p> | $f(y) = \begin{cases} \frac{y^{\frac{n}{2}-1} e^{-\frac{y}{2}}}{2^{\frac{n}{2}} \Gamma\left(\frac{n}{2}\right)} & y > 0 \\ 0 & y \leq 0 \end{cases}$ $Y_n = X_1^2 + \dots + X_n^2$ <p>X_1, \dots, X_n - niezależne, o rozkładzie $N(0, 1)$</p> <p>Szczególny przypadek rozkładu gamma</p> <p>W tablicy III dla $n = 1, 2, \dots, 30$; $P(Y_n \geq k) = \alpha$</p> <p>dla $n > 30$ $\sqrt{2Y_n} \sim N(\sqrt{2n-1}; 1)$</p> $\varphi(t) = \left(\frac{1}{1-2it} \right)^{\frac{n}{2}}$ | <p>$EX = n$;</p> <p>$D^2X = 2n$</p> $a = \sqrt{\frac{8}{n}}$ $k = \frac{12}{n} + 3$ <p>$x_{0,5} \approx n - 0,67$</p> <p>$d = n - 2, n \geq 2$</p> $m_k = \prod_{j=0}^{k-1} (n + 2j)$ |
| <p>Rozkład Studenta T_n</p> <p>$n \in N$</p> | $f(t) = \frac{\Gamma\left(\frac{n+1}{2}\right)}{\Gamma\left(\frac{1}{2}\right)\Gamma\left(\frac{n}{2}\right)\sqrt{n}\left(1+\frac{t^2}{n}\right)^{\frac{n+1}{2}}} \quad t \in R$ $T_n = \frac{X}{\sqrt{Y_n}} \sqrt{n}$ <p>X, Y_n - niezależne</p> <p>X o rozkładzie $N(0, 1)$;</p> <p>Y_n o rozkładzie chi kwadrat z n stopniami swobody</p> <p>W tablicy IV $P(T_n \geq k) = \alpha$</p> <p>Uwaga.</p> $T_n \xrightarrow{n \rightarrow \infty} N(0,1)$ | <p>$EX = 0$; dla $n > 1$</p> <p>$D^2X = n/(n-2)$ dla $n > 2$</p> <p>$a = 0$ dla $n > 3$</p> $k = \frac{6}{n-4} + 3, \text{ dla } n > 4$ <p>$x_{0,5} = 0$ dla $n > 1$</p> <p>$d = 0, \text{ dla } n > 1$</p> <p>$m_k = \mu_k = 0$</p> <p>dla k nieparzystych</p> $m_k = \mu_k = \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \dots (k-1)}{(n-2)(n-4)\dots(n-k)} n^{k/2}$ <p>dla k parzystych</p> |

| | | |
|---|--|--|
| <p>Rozkład F Snedecora</p> $F_{n_1; n_2}$ $n_1; n_2 \in \mathbb{N}$ | $f(x) = \begin{cases} \frac{\Gamma\left(\frac{n_1+n_2}{2}\right)\left(\frac{n_1}{n_2}\right)^{\frac{n_1}{2}} x^{\frac{n_1-2}{2}} \left(1 + \frac{n_1}{n_2}x\right)^{-\frac{n_1+n_2}{2}}}{\Gamma\left(\frac{n_1}{2}\right)\Gamma\left(\frac{n_2}{2}\right)} & x > 0 \\ 0 & x \leq 0 \end{cases}$ <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> $F_{n_1, n_2} = \frac{\frac{1}{n_1} Y_{n_1}}{\frac{1}{n_2} Y_{n_2}};$ </div> <p>$Y_{n_1}; Y_{n_2}$ - niezależne o rozkładzie chi kwadrat</p> <p>W tablicy V: $P(F_{n_1; n_2} \geq k) = \alpha$</p> <p>$k = F(\alpha; n_1; n_2)$ że $P(F_{n_1; n_2} \geq k) = \alpha$</p> <p>$n_1; n_2$ - stopnie swobody wtedy</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> $F(1-\alpha; n_1; n_2) = \frac{1}{F(\alpha; n_2; n_1)}$ </div> <p>Uwaga.</p> <p>1) $\frac{F_{n_1; n_2} - \frac{n_1 - n_2}{n_1 + n_2}}{\frac{2n_1 n_2}{n_1 + n_2}} \sim N(0,1)$ dla $n_1; n_2 > 30$</p> <p>2) $nF(n, \infty)$ ma rozkład Y_n</p> | $EX = \frac{n_2}{n_2 - 2} \text{ dla } n_2 > 2$ $D^2X = \frac{2n_2^2(n_1 + n_2 - 2)}{n_1(n_2 - 2)^2(n_2 - 4)}$ <p>dla $n_2 > 4$</p> $d = \frac{n_2(n_1 - 2)}{n_1(n_2 + 2)}$ <p>dla $n_1 > 1$</p> |
|---|--|--|

Uwaga. Γ - funkcja Eulera, $\Gamma(\alpha) = \int_0^{\infty} x^{\alpha-1} e^{-x} dx$

np. $\Gamma(n) = (n - 1)!$; $\Gamma(1/2) = \sqrt{\pi}$; $\Gamma(n + \frac{1}{2}) = \frac{(2n-1)!!}{2^n} \sqrt{\pi}$

Tablica I.

Rozkład Poissona.

$$P(X = k) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}$$

| $\lambda \backslash k$ | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 |
|------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 0,1 | 0,9048 | 0,0905 | 0,0045 | 0,0002 | 0,0000 | | | | | | | |
| 0,2 | 0,8187 | 0,1637 | 0,0164 | 0,0011 | 0,0001 | 0,0000 | | | | | | |
| 0,3 | 0,7408 | 0,2222 | 0,0333 | 0,0033 | 0,0003 | 0,0000 | | | | | | |
| 0,4 | 0,6703 | 0,2681 | 0,0536 | 0,0027 | 0,0007 | 0,0001 | 0,0000 | | | | | |
| 0,5 | 0,6065 | 0,3033 | 0,0758 | 0,0126 | 0,0016 | 0,0002 | 0,0000 | | | | | |
| 0,6 | 0,5488 | 0,3293 | 0,0988 | 0,0198 | 0,0030 | 0,0004 | 0,0000 | | | | | |
| 0,7 | 0,4966 | 0,3476 | 0,1217 | 0,0284 | 0,0050 | 0,0007 | 0,0001 | 0,0000 | | | | |
| 0,8 | 0,4493 | 0,3595 | 0,1438 | 0,0383 | 0,0077 | 0,0012 | 0,0002 | 0,0000 | | | | |
| 0,9 | 0,4066 | 0,3659 | 0,1646 | 0,0494 | 0,0111 | 0,0020 | 0,0003 | 0,0000 | | | | |
| 1,0 | 0,3679 | 0,3679 | 0,1839 | 0,0613 | 0,0153 | 0,0031 | 0,0005 | 0,0001 | 0,0000 | | | |
| 1,5 | 0,2231 | 0,3347 | 0,2510 | 0,1255 | 0,0471 | 0,0141 | 0,0035 | 0,0008 | 0,0001 | 0,0000 | | |
| 2,0 | 0,1353 | 0,2707 | 0,2707 | 0,1804 | 0,0902 | 0,0361 | 0,0120 | 0,0034 | 0,0009 | 0,0002 | 0,0000 | |
| 2,5 | 0,0821 | 0,2052 | 0,2565 | 0,2138 | 0,1336 | 0,0668 | 0,0278 | 0,0099 | 0,0031 | 0,0009 | 0,0002 | 0,0000 |
| 3,0 | 0,0498 | 0,1494 | 0,2240 | 0,2240 | 0,1680 | 0,1008 | 0,0504 | 0,0216 | 0,0081 | 0,0027 | 0,0008 | 0,0002 |
| 3,5 | 0,0302 | 0,1057 | 0,1850 | 0,2158 | 0,1888 | 0,1322 | 0,0771 | 0,0385 | 0,0169 | 0,0066 | 0,0023 | 0,0007 |
| 4,0 | 0,0183 | 0,0733 | 0,1465 | 0,1954 | 0,1954 | 0,1563 | 0,1042 | 0,0595 | 0,0298 | 0,0132 | 0,0053 | 0,0019 |
| 4,5 | 0,0111 | 0,0500 | 0,1125 | 0,1687 | 0,1898 | 0,1708 | 0,1281 | 0,0824 | 0,0463 | 0,0232 | 0,0104 | 0,0043 |
| 5,0 | 0,0067 | 0,0337 | 0,0842 | 0,1404 | 0,1755 | 0,1755 | 0,1462 | 0,1044 | 0,0653 | 0,0363 | 0,0181 | 0,0082 |
| 6,0 | 0,0025 | 0,0149 | 0,0446 | 0,0892 | 0,1339 | 0,1606 | 0,1606 | 0,1377 | 0,1033 | 0,0688 | 0,0413 | 0,0225 |
| 7,0 | 0,0009 | 0,0064 | 0,0223 | 0,0521 | 0,0912 | 0,1277 | 0,1490 | 0,1490 | 0,1304 | 0,1014 | 0,0710 | 0,0452 |
| 8,0 | 0,0003 | 0,0027 | 0,0107 | 0,0286 | 0,0573 | 0,0916 | 0,1221 | 0,1396 | 0,1396 | 0,1241 | 0,0993 | 0,0722 |
| 9,0 | 0,0001 | 0,0011 | 0,0050 | 0,0150 | 0,0337 | 0,0607 | 0,0911 | 0,1171 | 0,1318 | 0,1318 | 0,1186 | 0,0970 |
| 10,0 | 0,0000 | 0,0005 | 0,0023 | 0,0076 | 0,0189 | 0,0378 | 0,0631 | 0,0901 | 0,1126 | 0,1251 | 0,1251 | 0,1137 |

| $\lambda \backslash k$ | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 22 | 23 | 24 |
|------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| 0,1 | | | | | | | | | | | | | |
| 0,2 | | | | | | | | | | | | | |
| 0,3 | | | | | | | | | | | | | |
| 0,4 | | | | | | | | | | | | | |
| 0,5 | | | | | | | | | | | | | |
| 0,6 | | | | | | | | | | | | | |
| 0,7 | | | | | | | | | | | | | |
| 0,8 | | | | | | | | | | | | | |
| 0,9 | | | | | | | | | | | | | |
| 1,0 | | | | | | | | | | | | | |
| 1,5 | | | | | | | | | | | | | |
| 2,0 | | | | | | | | | | | | | |
| 2,5 | | | | | | | | | | | | | |
| 3,0 | 0,0001 | 0,0000 | | | | | | | | | | | |
| 3,5 | 0,0002 | 0,0001 | 0,0000 | | | | | | | | | | |
| 4,0 | 0,0006 | 0,0002 | 0,0001 | 0,0000 | | | | | | | | | |
| 4,5 | 0,0016 | 0,0006 | 0,0002 | 0,0001 | 0,0000 | | | | | | | | |
| 5,0 | 0,0034 | 0,0013 | 0,0005 | 0,0002 | 0,0000 | | | | | | | | |
| 6,0 | 0,0113 | 0,0052 | 0,0022 | 0,0009 | 0,0003 | 0,0001 | 0,0000 | | | | | | |
| 7,0 | 0,0264 | 0,0142 | 0,0071 | 0,0033 | 0,0014 | 0,0006 | 0,0002 | 0,0001 | 0,0000 | | | | |
| 8,0 | 0,0481 | 0,0296 | 0,0169 | 0,0090 | 0,0045 | 0,0021 | 0,0009 | 0,0004 | 0,0002 | 0,0001 | 0,0000 | | |
| 9,0 | 0,0728 | 0,0504 | 0,0324 | 0,0194 | 0,0109 | 0,0058 | 0,0029 | 0,0014 | 0,0006 | 0,0003 | 0,0001 | 0,0000 | |
| 10,0 | 0,0948 | 0,0729 | 0,0521 | 0,0347 | 0,0217 | 0,0128 | 0,0071 | 0,0037 | 0,0019 | 0,0009 | 0,0004 | 0,0002 | 0,0001 |

Tablica II.

Dystrybuanta $\Phi(x)$ rozkładu normalnego $N(0, 1)$

$$\Phi(-x) = 1 - \Phi(x)$$

| x | 0,00 | 0,01 | 0,02 | 0,03 | 0,04 | 0,05 | 0,06 | 0,07 | 0,08 | 0,09 | x |
|-----|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----|
| 0,0 | 0,5000 | 0,5040 | 0,5080 | 0,5120 | 0,5160 | 0,5199 | 0,5239 | 0,5279 | 0,5319 | 0,5359 | 0,0 |
| 0,1 | 0,5398 | 0,5438 | 0,5478 | 0,5517 | 0,5557 | 0,5596 | 0,5636 | 0,5675 | 0,5714 | 0,5753 | 0,1 |
| 0,2 | 0,5793 | 0,5832 | 0,5861 | 0,5910 | 0,5949 | 0,5987 | 0,6026 | 0,6064 | 0,6103 | 0,6141 | 0,2 |
| 0,3 | 0,6179 | 0,6217 | 0,6225 | 0,6293 | 0,6331 | 0,6368 | 0,6406 | 0,6443 | 0,6480 | 0,6517 | 0,3 |
| 0,4 | 0,6554 | 0,6591 | 0,6628 | 0,6664 | 0,6700 | 0,6736 | 0,6772 | 0,6808 | 0,684 | 0,6879 | 0,4 |
| 0,5 | 0,6915 | 0,6950 | 0,6985 | 0,7019 | 0,7054 | 0,7088 | 0,7123 | 0,7157 | 0,7190 | 0,7224 | 0,5 |
| 0,6 | 0,7257 | 0,7291 | 0,7324 | 0,7357 | 0,7389 | 0,7422 | 0,7454 | 0,7486 | 0,7517 | 0,7549 | 0,6 |
| 0,7 | 0,7580 | 0,7611 | 0,7642 | 0,7673 | 0,7703 | 0,7734 | 0,7764 | 0,7794 | 0,7823 | 0,7852 | 0,7 |
| 0,8 | 0,7881 | 0,7910 | 0,7939 | 0,7967 | 0,7995 | 0,8023 | 0,8051 | 0,8078 | 0,8106 | 0,8133 | 0,8 |
| 0,9 | 0,8159 | 0,8186 | 0,8212 | 0,8238 | 0,8264 | 0,8289 | 0,8315 | 0,8340 | 0,8365 | 0,8389 | 0,9 |
| 1,0 | 0,8413 | 0,8438 | 0,8461 | 0,8485 | 0,8508 | 0,8531 | 0,8554 | 0,8577 | 0,8599 | 0,8621 | 1,0 |
| 1,1 | 0,8643 | 0,8665 | 0,8686 | 0,8708 | 0,8729 | 0,8749 | 0,8770 | 0,8790 | 0,8810 | 0,8830 | 1,1 |
| 1,2 | 0,8849 | 0,8869 | 0,8888 | 0,8907 | 0,8925 | 0,8944 | 0,8962 | 0,8980 | 0,8997 | 0,90147 | 1,2 |
| 1,3 | 0,90320 | 0,90490 | 0,90658 | 0,90824 | 0,90988 | 0,91149 | 0,91309 | 0,91466 | 0,91621 | 0,91774 | 1,3 |
| 1,4 | 0,91924 | 0,92073 | 0,92220 | 0,92354 | 0,92507 | 0,92647 | 0,92785 | 0,92922 | 0,93056 | 0,93189 | 1,4 |
| 1,5 | 0,93319 | 0,93448 | 0,93574 | 0,93699 | 0,93822 | 0,93943 | 0,94062 | 0,94179 | 0,94295 | 0,94408 | 1,5 |
| 1,6 | 0,94520 | 0,94630 | 0,94738 | 0,94845 | 0,94950 | 0,95053 | 0,95154 | 0,95254 | 0,95352 | 0,95449 | 1,6 |
| 1,7 | 0,95543 | 0,95637 | 0,95728 | 0,95818 | 0,95907 | 0,95994 | 0,96080 | 0,96164 | 0,96246 | 0,96327 | 1,7 |
| 1,8 | 0,96407 | 0,96485 | 0,96562 | 0,96638 | 0,96712 | 0,96784 | 0,96856 | 0,96926 | 0,96995 | 0,97062 | 1,8 |
| 1,9 | 0,97128 | 0,97193 | 0,97257 | 0,97320 | 0,97381 | 0,97441 | 0,97500 | 0,97558 | 0,97615 | 0,97670 | 1,9 |
| 2,0 | 0,97725 | 0,97778 | 0,97831 | 0,97882 | 0,97932 | 0,97982 | 0,98030 | 0,98077 | 0,98124 | 0,98169 | 2,0 |
| 2,1 | 0,98214 | 0,98257 | 0,98300 | 0,98341 | 0,98382 | 0,98422 | 0,98461 | 0,98500 | 0,98537 | 0,98574 | 2,1 |
| 2,2 | 0,98610 | 0,98645 | 0,98679 | 0,98713 | 0,98745 | 0,98778 | 0,98809 | 0,98840 | 0,98870 | 0,98899 | 2,2 |
| 2,3 | 0,98928 | 0,98956 | 0,98983 | 0,9 ² 0097 | 0,9 ² 0358 | 0,9 ² 0613 | 0,9 ² 1106 | 0,9 ² 1106 | 0,9 ² 1344 | 0,9 ² 1576 | 2,3 |
| 2,4 | 0,9 ² 1802 | 0,9 ² 2024 | 0,9 ² 2240 | 0,9 ² 2451 | 0,9 ² 2656 | 0,9 ² 2857 | 0,9 ² 3053 | 0,9 ² 3244 | 0,9 ² 3431 | 0,9 ² 3613 | 2,4 |

| x | 0,00 | 0,01 | 0,02 | 0,03 | 0,04 | 0,05 | 0,06 | 0,07 | 0,08 | 0,09 | x |
|-----|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----|
| 2,5 | 0,9 ² 3790 | 0,9 ² 3963 | 0,9 ² 4132 | 0,9 ² 4297 | 0,9 ² 4457 | 0,9 ² 4614 | 0,9 ² 4766 | 0,9 ² 4915 | 0,9 ² 5060 | 0,9 ² 5201 | 2,5 |
| 2,6 | 0,9 ² 5339 | 0,9 ² 5473 | 0,9 ² 5604 | 0,9 ² 5731 | 0,9 ² 5855 | 0,9 ² 5975 | 0,9 ² 6093 | 0,9 ² 6207 | 0,9 ² 6319 | 0,9 ² 6427 | 2,6 |
| 2,7 | 0,9 ² 6533 | 0,9 ² 6636 | 0,9 ² 6736 | 0,9 ² 6833 | 0,9 ² 6928 | 0,9 ² 7020 | 0,9 ² 7110 | 0,9 ² 7197 | 0,9 ² 7282 | 0,9 ² 7365 | 2,7 |
| 2,8 | 0,9 ² 7445 | 0,9 ² 7523 | 0,9 ² 7599 | 0,9 ² 7673 | 0,9 ² 7744 | 0,9 ² 7814 | 0,9 ² 7882 | 0,9 ² 7948 | 0,9 ² 8012 | 0,9 ² 8074 | 2,8 |
| 2,9 | 0,9 ² 8134 | 0,9 ² 8193 | 0,9 ² 8250 | 0,9 ² 8305 | 0,9 ² 8359 | 0,9 ² 8411 | 0,9 ² 8462 | 0,9 ² 8511 | 0,9 ² 8559 | 0,9 ² 8605 | 2,9 |
| 3,0 | 0,9 ² 8650 | 0,9 ² 8694 | 0,9 ² 8736 | 0,9 ² 8777 | 0,9 ² 8817 | 0,9 ² 8856 | 0,9 ² 8893 | 0,9 ² 8930 | 0,9 ² 8965 | 0,9 ² 8999 | 3,0 |
| 3,1 | 0,9 ³ 0324 | 0,9 ³ 0646 | 0,9 ³ 0957 | 0,9 ³ 1260 | 0,9 ³ 1553 | 0,9 ³ 1836 | 0,9 ³ 2112 | 0,9 ³ 2378 | 0,9 ³ 2636 | 0,9 ³ 2886 | 3,1 |
| 3,2 | 0,9 ³ 3129 | 0,9 ³ 3363 | 0,9 ³ 3590 | 0,9 ³ 3810 | 0,9 ³ 4002 | 0,9 ³ 4230 | 0,9 ³ 4429 | 0,9 ³ 4623 | 0,9 ³ 4810 | 0,9 ³ 4991 | 3,2 |
| 3,3 | 0,9 ³ 5166 | 0,9 ³ 5335 | 0,9 ³ 5499 | 0,9 ³ 5658 | 0,9 ³ 5811 | 0,9 ³ 5959 | 0,9 ³ 6103 | 0,9 ³ 6242 | 0,9 ³ 6376 | 0,9 ³ 6505 | 3,3 |
| 3,4 | 0,9 ³ 6631 | 0,9 ³ 6752 | 0,9 ³ 6869 | 0,9 ³ 6982 | 0,9 ³ 7091 | 0,9 ³ 7197 | 0,9 ³ 7299 | 0,9 ³ 7398 | 0,9 ³ 7493 | 0,9 ³ 7585 | 3,4 |
| 3,5 | 0,9 ³ 7674 | 0,9 ³ 7759 | 0,9 ³ 7842 | 0,9 ³ 7922 | 0,9 ³ 7999 | 0,9 ³ 8074 | 0,9 ³ 8146 | 0,9 ³ 8215 | 0,9 ³ 8282 | 0,9 ³ 8347 | 3,5 |
| 3,6 | 0,9 ³ 8409 | 0,9 ³ 8469 | 0,9 ³ 8527 | 0,9 ³ 8583 | 0,9 ³ 8637 | 0,9 ³ 8689 | 0,9 ³ 8739 | 0,9 ³ 8787 | 0,9 ³ 8834 | 0,9 ³ 8879 | 3,6 |
| 3,7 | 0,9 ³ 8922 | 0,9 ³ 8964 | 0,9 ⁴ 0039 | 0,9 ⁴ 0426 | 0,9 ⁴ 0799 | 0,9 ⁴ 1158 | 0,9 ⁴ 1504 | 0,9 ⁴ 1838 | 0,9 ⁴ 2159 | 0,9 ⁴ 2468 | 3,7 |
| 3,8 | 0,9 ⁴ 2765 | 0,9 ⁴ 3052 | 0,9 ⁴ 3327 | 0,9 ⁴ 3593 | 0,9 ⁴ 3848 | 0,9 ⁴ 4059 | 0,9 ⁴ 4331 | 0,9 ⁴ 4558 | 0,9 ⁴ 4777 | 0,9 ⁴ 4988 | 3,8 |
| 3,9 | 0,9 ⁴ 5190 | 0,9 ⁴ 5385 | 0,9 ⁴ 5573 | 0,9 ⁴ 5753 | 0,9 ⁴ 5926 | 0,9 ⁴ 6092 | 0,9 ⁴ 6253 | 0,9 ⁴ 6406 | 0,9 ⁴ 6554 | 0,9 ⁴ 6696 | 3,9 |
| 4,0 | 0,9 ⁴ 6833 | 0,9 ⁴ 6964 | 0,9 ⁴ 7090 | 0,9 ⁴ 7211 | 0,9 ⁴ 7327 | 0,9 ⁴ 7439 | 0,9 ⁴ 7536 | 0,9 ⁴ 7649 | 0,9 ⁴ 7748 | 0,9 ⁴ 7843 | 4,0 |
| 4,1 | 0,9 ⁴ 7934 | 0,9 ⁴ 8022 | 0,9 ⁴ 8106 | 0,9 ⁴ 8186 | 0,9 ⁴ 8263 | 0,9 ⁴ 8338 | 0,9 ⁴ 8409 | 0,9 ⁴ 8477 | 0,9 ⁴ 8542 | 0,9 ⁴ 8605 | 4,1 |
| 4,2 | 0,9 ⁴ 8665 | 0,9 ⁴ 8723 | 0,9 ⁴ 8778 | 0,9 ⁴ 8832 | 0,9 ⁴ 8882 | 0,9 ⁴ 8931 | 0,9 ⁴ 8978 | 0,9 ⁵ 0226 | 0,9 ⁵ 0655 | 0,9 ⁵ 1066 | 4,2 |
| 4,3 | 0,9 ⁵ 1460 | 0,9 ⁵ 1837 | 0,9 ⁵ 2109 | 0,9 ⁵ 2545 | 0,9 ⁵ 2876 | 0,9 ⁵ 3193 | 0,9 ⁵ 3497 | 0,9 ⁵ 3788 | 0,9 ⁵ 4066 | 0,9 ⁵ 4332 | 4,3 |
| 4,4 | 0,9 ⁵ 4587 | 0,9 ⁵ 4831 | 0,9 ⁵ 5065 | 0,9 ⁵ 5288 | 0,9 ⁵ 5502 | 0,9 ⁵ 5706 | 0,9 ⁵ 5902 | 0,9 ⁵ 6089 | 0,9 ⁵ 6268 | 0,9 ⁵ 6439 | 4,4 |
| 4,5 | 0,9 ⁵ 6602 | 0,9 ⁵ 6759 | 0,9 ⁵ 6908 | 0,9 ⁵ 7051 | 0,9 ⁵ 7187 | 0,9 ⁵ 7318 | 0,9 ⁵ 7442 | 0,9 ⁵ 7561 | 0,9 ⁵ 7675 | 0,9 ⁵ 7784 | 4,5 |
| 4,6 | 0,9 ⁵ 7888 | 0,9 ⁵ 7987 | 0,9 ⁵ 8081 | 0,9 ⁵ 8172 | 0,9 ⁵ 8258 | 0,9 ⁵ 8340 | 0,9 ⁵ 8419 | 0,9 ⁵ 8494 | 0,9 ⁵ 8566 | 0,9 ⁵ 8634 | 4,6 |
| 4,7 | 0,9 ⁵ 8699 | 0,9 ⁵ 8761 | 0,9 ⁵ 8821 | 0,9 ⁵ 8877 | 0,9 ⁵ 8931 | 0,9 ⁵ 8983 | 0,9 ⁶ 0320 | 0,9 ⁶ 0789 | 0,9 ⁶ 1235 | 0,9 ⁶ 1661 | 4,7 |
| 4,8 | 0,9 ⁶ 2067 | 0,9 ⁶ 2453 | 0,9 ⁶ 2822 | 0,9 ⁶ 3173 | 0,9 ⁶ 3508 | 0,9 ⁶ 3827 | 0,9 ⁶ 4131 | 0,9 ⁶ 4420 | 0,9 ⁶ 4696 | 0,9 ⁶ 4958 | 4,8 |
| 4,9 | 0,9 ⁶ 5208 | 0,9 ⁶ 5446 | 0,9 ⁶ 5673 | 0,9 ⁶ 5889 | 0,9 ⁶ 6094 | 0,9 ⁶ 6289 | 0,9 ⁶ 6475 | 0,9 ⁶ 6652 | 0,9 ⁶ 6821 | 0,9 ⁶ 6981 | 4,9 |

Wartości k gdy $\Phi(k) = \alpha$. Uwaga. 0,9⁶5673 oznacza 0,999995673

| α | 0,9 | 0,91 | 0,92 | 0,93 | 0,94 | 0,95 | 0,96 | 0,97 | 0,975 | 0,98 | 0,985 | 0,99 | 0,995 |
|----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| k | 1,282 | 1,341 | 1,405 | 1,476 | 1,555 | 1,645 | 1,751 | 1,881 | 1,960 | 2,054 | 2,170 | 2,326 | 2,576 |

| α | 0,5 | 0,55 | 0,6 | 0,65 | 0,7 | 0,75 | 0,8 | 0,85 |
|----------|-----|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| k | 0 | 0,126 | 0,253 | 0,385 | 0,524 | 0,675 | 0,842 | 1,036 |

| α | 0,999 | 0,9999 | 0,99999 | 0,999999 |
|----------|-------|--------|---------|----------|
| k | 3,090 | 3,719 | 4,265 | 4,753 |

Tablica III.

Tablica rozkładu chi kwadrat

Tablica podaje wartości x_α takie, że $P(Y > x_\alpha) = \alpha$, n - liczba stopni swobody

| n | α | | | | | | | | | | | | | | n |
|----|----------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|----|
| | 0,99 | 0,98 | 0,95 | 0,90 | 0,80 | 0,70 | 0,50 | 0,30 | 0,20 | 0,10 | 0,05 | 0,02 | 0,01 | 0,001 | |
| 1 | 0,0002 | 0,0006 | 0,004 | 0,016 | 0,064 | 0,148 | 0,455 | 1,074 | 1,642 | 2,706 | 3,841 | 5,412 | 6,635 | 10,827 | 1 |
| 2 | 0,0201 | 0,0404 | 0,103 | 0,211 | 0,446 | 0,713 | 1,386 | 2,408 | 3,665 | 4,605 | 5,991 | 7,824 | 9,210 | 13,815 | 2 |
| 3 | 0,115 | 0,185 | 0,352 | 0,584 | 1,005 | 1,424 | 2,366 | 3,665 | 4,642 | 6,251 | 7,815 | 9,837 | 11,345 | 16,268 | 3 |
| 4 | 0,297 | 0,429 | 0,711 | 1,064 | 1,649 | 2,195 | 3,357 | 4,878 | 5,989 | 7,779 | 9,488 | 11,668 | 13,277 | 18,465 | 4 |
| 5 | 0,554 | 0,752 | 1,145 | 1,610 | 2,343 | 3,000 | 4,351 | 6,064 | 7,289 | 9,236 | 11,070 | 13,388 | 15,086 | 20,517 | 5 |
| 6 | 0,872 | 1,134 | 1,635 | 2,204 | 3,070 | 3,828 | 5,348 | 7,231 | 8,558 | 10,645 | 12,592 | 15,033 | 16,812 | 22,457 | 6 |
| 7 | 1,239 | 1,564 | 2,167 | 2,833 | 3,822 | 4,671 | 6,346 | 8,383 | 9,803 | 12,017 | 14,067 | 16,622 | 18,475 | 24,322 | 7 |
| 8 | 1,646 | 2,032 | 2,733 | 3,490 | 4,594 | 5,527 | 7,344 | 9,524 | 11,030 | 13,362 | 15,507 | 18,168 | 20,090 | 26,125 | 8 |
| 9 | 2,088 | 2,532 | 3,325 | 4,168 | 5,380 | 6,393 | 8,343 | 10,656 | 12,242 | 14,684 | 16,919 | 19,679 | 21,666 | 27,877 | 9 |
| 10 | 2,558 | 3,059 | 3,940 | 4,865 | 6,179 | 7,267 | 9,342 | 11,781 | 13,442 | 15,987 | 18,307 | 21,161 | 23,209 | 29,588 | 10 |
| 11 | 3,053 | 3,609 | 4,575 | 5,578 | 6,989 | 8,148 | 10,341 | 12,899 | 14,631 | 17,275 | 19,675 | 22,618 | 24,725 | 31,264 | 11 |
| 12 | 3,571 | 4,178 | 5,226 | 6,304 | 7,807 | 9,034 | 11,340 | 14,011 | 15,812 | 18,549 | 21,026 | 24,054 | 26,217 | 32,909 | 12 |
| 13 | 4,107 | 4,765 | 5,892 | 7,042 | 8,634 | 9,926 | 12,340 | 15,119 | 16,985 | 19,812 | 22,362 | 25,472 | 27,688 | 34,528 | 13 |
| 14 | 4,660 | 5,368 | 6,571 | 7,790 | 9,467 | 10,821 | 13,339 | 16,622 | 18,151 | 21,064 | 23,685 | 26,873 | 29,141 | 36,123 | 14 |
| 15 | 5,229 | 5,985 | 7,261 | 8,547 | 10,307 | 11,721 | 14,339 | 17,322 | 19,311 | 22,307 | 24,996 | 28,259 | 30,578 | 37,697 | 15 |
| 16 | 5,812 | 6,614 | 7,962 | 9,312 | 11,152 | 12,624 | 15,338 | 18,418 | 20,465 | 23,542 | 26,296 | 29,633 | 32,000 | 39,252 | 16 |
| 17 | 6,408 | 7,255 | 8,672 | 10,085 | 12,002 | 13,531 | 16,338 | 19,511 | 21,615 | 24,769 | 27,587 | 30,995 | 33,409 | 40,790 | 17 |
| 18 | 7,015 | 7,906 | 9,390 | 10,865 | 12,857 | 14,440 | 17,338 | 20,601 | 22,760 | 25,989 | 28,869 | 32,346 | 34,805 | 42,312 | 18 |
| 19 | 7,633 | 8,567 | 10,117 | 11,651 | 13,716 | 15,352 | 18,338 | 21,689 | 23,900 | 27,204 | 30,144 | 33,687 | 36,191 | 43,820 | 19 |
| 20 | 8,260 | 9,237 | 10,851 | 12,443 | 14,587 | 16,266 | 19,337 | 22,775 | 25,038 | 28,412 | 31,410 | 35,020 | 37,566 | 45,315 | 20 |
| 21 | 8,897 | 9,915 | 11,591 | 13,240 | 15,445 | 17,182 | 20,337 | 23,858 | 26,171 | 29,615 | 32,671 | 36,443 | 38,932 | 46,797 | 21 |
| 22 | 9,542 | 10,600 | 12,338 | 14,041 | 16,314 | 18,101 | 21,337 | 24,939 | 27,301 | 30,813 | 33,924 | 37,659 | 40,289 | 48,268 | 22 |
| 23 | 10,196 | 11,293 | 13,091 | 14,848 | 17,187 | 19,021 | 22,337 | 26,018 | 28,429 | 32,007 | 35,172 | 38,968 | 41,638 | 49,728 | 23 |
| 24 | 10,856 | 11,992 | 13,848 | 15,659 | 18,062 | 19,943 | 23,337 | 27,096 | 29,553 | 33,196 | 36,415 | 40,270 | 42,980 | 51,179 | 24 |
| 25 | 11,524 | 12,697 | 14,611 | 16,473 | 18,940 | 20,867 | 24,337 | 28,172 | 30,675 | 34,382 | 37,652 | 41,566 | 44,314 | 52,620 | 25 |
| 26 | 12,198 | 13,409 | 15,379 | 17,292 | 19,820 | 21,792 | 25,336 | 29,246 | 31,795 | 35,563 | 38,885 | 42,856 | 45,642 | 54,052 | 26 |
| 27 | 12,879 | 14,125 | 16,151 | 18,114 | 20,703 | 22,719 | 26,336 | 30,319 | 32,912 | 36,741 | 40,113 | 44,140 | 46,963 | 55,476 | 27 |
| 28 | 13,565 | 14,847 | 16,928 | 18,939 | 21,588 | 23,647 | 27,336 | 31,391 | 34,027 | 37,916 | 41,337 | 45,419 | 48,278 | 56,893 | 28 |
| 29 | 14,256 | 15,574 | 17,708 | 20,599 | 22,475 | 24,577 | 28,336 | 32,461 | 35,139 | 39,087 | 42,557 | 46,693 | 49,588 | 58,302 | 29 |
| 30 | 14,953 | 16,306 | 18,493 | 23,364 | 23,364 | 25,508 | 29,336 | 33,530 | 36,250 | 40,256 | 43,773 | 47,962 | 50,892 | 59,703 | 30 |

Tablica IV.

Tablica rozkładu Studenta

Tablica podaje wartości x_α takie, że $P(|T| > x_\alpha) = \alpha$, n - liczba stopni swobody

| n | α | | | | | | | | | | | | n |
|----------|----------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--------|--------|--------|---------|----------|
| | 0,90 | 0,80 | 0,70 | 0,60 | 0,40 | 0,30 | 0,20 | 0,10 | 0,05 | 0,02 | 0,01 | 0,001 | |
| 1 | 0,158 | 0,325 | 0,510 | 0,727 | 1,376 | 1,963 | 3,078 | 6,314 | 12,706 | 31,821 | 63,657 | 636,619 | 1 |
| 2 | 0,142 | 0,289 | 0,445 | 0,617 | 1,061 | 1,386 | 1,886 | 2,920 | 4,303 | 6,965 | 9,925 | 31,598 | 2 |
| 3 | 0,137 | 0,277 | 0,424 | 0,584 | 0,978 | 1,250 | 1,638 | 2,353 | 3,182 | 4,541 | 5,841 | 12,941 | 3 |
| 4 | 0,134 | 0,271 | 0,414 | 0,569 | 0,941 | 1,190 | 1,533 | 2,132 | 2,776 | 3,747 | 4,604 | 8,610 | 4 |
| 5 | 0,132 | 0,267 | 0,408 | 0,559 | 0,920 | 1,156 | 1,476 | 2,015 | 2,571 | 3,365 | 4,032 | 6,859 | 5 |
| 6 | 0,131 | 0,265 | 0,404 | 0,553 | 0,906 | 1,134 | 1,440 | 1,943 | 2,447 | 3,143 | 3,707 | 5,959 | 6 |
| 7 | 0,130 | 0,263 | 0,402 | 0,549 | 0,896 | 1,119 | 1,415 | 1,895 | 2,365 | 2,998 | 3,499 | 5,405 | 7 |
| 8 | 0,130 | 0,262 | 0,399 | 0,546 | 0,889 | 1,108 | 1,397 | 1,860 | 2,306 | 2,896 | 3,355 | 5,041 | 8 |
| 9 | 0,129 | 0,261 | 0,398 | 0,543 | 0,883 | 1,100 | 1,383 | 1,833 | 2,262 | 2,821 | 3,250 | 4,781 | 9 |
| 10 | 0,129 | 0,260 | 0,397 | 0,542 | 0,879 | 1,093 | 1,372 | 1,812 | 2,228 | 2,764 | 3,169 | 4,587 | 10 |
| 11 | 0,129 | 0,260 | 0,396 | 0,540 | 0,876 | 1,088 | 1,363 | 1,796 | 2,201 | 2,718 | 3,106 | 4,437 | 11 |
| 12 | 0,128 | 0,259 | 0,395 | 0,539 | 0,873 | 1,083 | 1,356 | 1,782 | 2,179 | 2,681 | 3,055 | 4,318 | 12 |
| 13 | 0,128 | 0,259 | 0,394 | 0,538 | 0,870 | 1,079 | 1,350 | 1,771 | 2,160 | 2,650 | 3,012 | 4,221 | 13 |
| 14 | 0,128 | 0,258 | 0,393 | 0,537 | 0,868 | 1,076 | 1,345 | 1,761 | 2,145 | 2,624 | 2,977 | 4,140 | 14 |
| 15 | 0,128 | 0,258 | 0,393 | 0,536 | 0,866 | 1,074 | 1,341 | 1,753 | 2,131 | 2,602 | 2,947 | 4,073 | 15 |
| 16 | 0,128 | 0,258 | 0,392 | 0,535 | 0,865 | 1,071 | 1,337 | 1,746 | 2,120 | 2,583 | 2,921 | 4,015 | 16 |
| 17 | 0,128 | 0,257 | 0,392 | 0,534 | 0,863 | 1,069 | 1,333 | 1,740 | 2,110 | 2,567 | 2,898 | 3,965 | 17 |
| 18 | 0,127 | 0,257 | 0,392 | 0,534 | 0,862 | 1,067 | 1,330 | 1,734 | 2,101 | 2,552 | 2,878 | 3,922 | 18 |
| 19 | 0,127 | 0,257 | 0,391 | 0,533 | 0,861 | 1,066 | 1,328 | 1,729 | 2,093 | 2,539 | 2,861 | 3,883 | 19 |
| 20 | 0,127 | 0,257 | 0,391 | 0,533 | 0,860 | 1,064 | 1,325 | 1,725 | 2,086 | 2,528 | 2,845 | 3,850 | 20 |
| 21 | 0,127 | 0,257 | 0,391 | 0,532 | 0,859 | 1,063 | 1,323 | 1,721 | 2,080 | 2,518 | 2,831 | 3,819 | 21 |
| 22 | 0,127 | 0,256 | 0,390 | 0,532 | 0,858 | 1,061 | 1,321 | 1,717 | 2,074 | 2,508 | 2,819 | 3,792 | 22 |
| 23 | 0,127 | 0,256 | 0,390 | 0,532 | 0,858 | 1,060 | 1,319 | 1,714 | 2,069 | 2,500 | 2,807 | 3,767 | 23 |
| 24 | 0,127 | 0,256 | 0,390 | 0,531 | 0,857 | 1,059 | 1,318 | 1,711 | 2,064 | 2,492 | 2,797 | 3,745 | 24 |
| 25 | 0,127 | 0,256 | 0,390 | 0,531 | 0,856 | 1,058 | 1,316 | 1,708 | 2,060 | 2,485 | 2,787 | 3,725 | 25 |
| 26 | 0,127 | 0,256 | 0,390 | 0,531 | 0,856 | 1,058 | 1,315 | 1,706 | 2,056 | 2,479 | 2,779 | 3,707 | 26 |
| 27 | 0,127 | 0,256 | 0,389 | 0,531 | 0,855 | 1,057 | 1,314 | 1,703 | 2,052 | 2,473 | 2,771 | 3,690 | 27 |
| 28 | 0,127 | 0,256 | 0,389 | 0,530 | 0,855 | 1,056 | 1,313 | 1,701 | 2,048 | 2,467 | 2,763 | 3,674 | 28 |
| 29 | 0,127 | 0,256 | 0,389 | 0,530 | 0,854 | 1,055 | 1,311 | 1,699 | 2,045 | 2,462 | 2,756 | 3,659 | 29 |
| 30 | 0,127 | 0,256 | 0,389 | 0,530 | 0,854 | 1,055 | 1,310 | 1,697 | 2,042 | 2,457 | 2,750 | 3,646 | 30 |
| 40 | 0,126 | 0,255 | 0,388 | 0,529 | 0,851 | 1,050 | 1,303 | 1,684 | 2,021 | 2,423 | 2,704 | 3,551 | 40 |
| 60 | 0,126 | 0,254 | 0,387 | 0,527 | 0,848 | 1,046 | 1,296 | 1,671 | 2,000 | 2,390 | 2,660 | 3,460 | 60 |
| 120 | 0,126 | 0,254 | 0,386 | 0,526 | 0,845 | 1,041 | 1,289 | 1,658 | 1,980 | 2,358 | 2,617 | 3,373 | 120 |
| ∞ | 0,126 | 0,253 | 0,385 | 0,524 | 0,842 | 1,036 | 1,282 | 1,645 | 1,960 | 2,326 | 2,576 | 3,291 | ∞ |

Tablica V.

Tablica rozkładu F - Snedecora

$k = F(\alpha; n_1; n_2)$ takie, że $P(F_{n_1; n_2} \geq k) = \alpha$ $n_1; n_2$ - stopnie swobody

$$F(1 - \alpha; n_1; n_2) = \frac{1}{F(\alpha; n_2; n_1)}$$

Tablica dla $\alpha = 0,05$:

| n ₁ n ₂ | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 10 | 20 | 40 | 60 | 100 | ∞ |
|----------------------------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 1 | 161 | 200 | 216 | 225 | 230 | 234 | 237 | 239 | 242 | 248 | 251 | 252 | 253 | 254 |
| 2 | 18,5 | 19,0 | 19,2 | 19,2 | 19,2 | 19,3 | 19,3 | 19,4 | 19,4 | 19,4 | 19,5 | 19,5 | 19,5 | 19,5 |
| 3 | 10,1 | 9,55 | 9,28 | 9,12 | 9,01 | 8,94 | 8,89 | 8,85 | 8,79 | 8,66 | 8,59 | 8,57 | 8,55 | 8,53 |
| 4 | 7,71 | 6,94 | 6,59 | 6,39 | 6,26 | 6,16 | 6,09 | 6,04 | 5,96 | 5,8 | 5,72 | 5,69 | 5,66 | 5,63 |
| 5 | 6,61 | 5,79 | 5,41 | 5,19 | 5,05 | 4,95 | 4,88 | 4,82 | 4,74 | 4,56 | 4,64 | 4,43 | 4,41 | 4,37 |
| 6 | 5,99 | 5,14 | 4,76 | 4,53 | 4,39 | 4,28 | 4,21 | 4,15 | 4,06 | 3,87 | 3,77 | 3,74 | 3,71 | 3,67 |
| 7 | 5,59 | 4,74 | 4,35 | 4,12 | 3,97 | 3,87 | 3,79 | 3,73 | 3,64 | 3,44 | 3,34 | 3,3 | 3,27 | 3,23 |
| 8 | 5,32 | 4,46 | 4,07 | 3,84 | 3,69 | 3,58 | 3,50 | 3,44 | 3,35 | 3,15 | 3,04 | 3,01 | 2,97 | 2,93 |
| 9 | 5,12 | 4,26 | 3,86 | 3,63 | 3,48 | 3,37 | 3,29 | 3,23 | 3,14 | 2,94 | 2,83 | 2,79 | 2,76 | 2,71 |
| 10 | 4,96 | 4,10 | 3,71 | 3,48 | 3,33 | 3,22 | 3,14 | 3,07 | 2,98 | 2,77 | 2,66 | 2,62 | 2,59 | 2,54 |
| 11 | 4,84 | 3,98 | 3,59 | 3,36 | 3,20 | 3,09 | 3,01 | 2,95 | 2,85 | 2,65 | 2,53 | 2,49 | 2,46 | 2,40 |
| 12 | 4,75 | 3,89 | 3,49 | 3,26 | 3,11 | 3,00 | 2,91 | 2,85 | 2,75 | 2,54 | 2,43 | 2,38 | 2,35 | 2,30 |
| 13 | 4,67 | 3,81 | 3,41 | 3,18 | 3,03 | 2,92 | 2,83 | 2,77 | 2,67 | 2,46 | 2,34 | 2,30 | 2,26 | 2,21 |
| 14 | 4,60 | 3,74 | 3,34 | 3,11 | 2,96 | 2,85 | 2,76 | 2,70 | 2,60 | 2,39 | 2,27 | 2,22 | 2,19 | 2,13 |
| 15 | 4,54 | 3,68 | 3,29 | 3,06 | 2,90 | 2,79 | 2,71 | 2,64 | 2,54 | 2,33 | 2,20 | 2,16 | 2,12 | 2,07 |
| 16 | 4,49 | 3,63 | 3,24 | 3,01 | 2,85 | 2,74 | 2,66 | 2,59 | 2,49 | 2,28 | 2,15 | 2,11 | 2,07 | 2,01 |
| 17 | 4,45 | 3,59 | 3,20 | 2,96 | 2,81 | 2,70 | 2,61 | 2,55 | 2,45 | 2,23 | 2,10 | 2,06 | 2,02 | 1,96 |
| 18 | 4,41 | 3,55 | 3,16 | 2,93 | 2,77 | 2,66 | 2,58 | 2,51 | 2,41 | 2,19 | 2,06 | 2,02 | 1,98 | 1,92 |
| 19 | 4,38 | 3,52 | 3,13 | 2,90 | 2,74 | 2,63 | 2,54 | 2,48 | 2,38 | 2,16 | 2,03 | 1,98 | 1,94 | 1,88 |
| 20 | 4,35 | 3,49 | 3,10 | 2,87 | 2,71 | 2,60 | 2,51 | 2,45 | 2,35 | 2,12 | 1,99 | 1,95 | 1,91 | 1,84 |
| 21 | 4,32 | 3,47 | 3,07 | 2,84 | 2,68 | 2,57 | 2,49 | 2,42 | 2,32 | 2,10 | 1,96 | 1,92 | 1,88 | 1,81 |
| 22 | 4,30 | 3,44 | 3,05 | 2,82 | 2,66 | 2,55 | 2,46 | 2,40 | 2,30 | 2,07 | 1,94 | 1,89 | 1,85 | 1,78 |
| 23 | 4,28 | 3,42 | 3,03 | 2,80 | 2,64 | 2,53 | 2,44 | 2,37 | 2,27 | 2,05 | 1,91 | 1,86 | 1,82 | 1,76 |
| 24 | 4,26 | 3,40 | 3,01 | 2,78 | 2,62 | 2,51 | 2,42 | 2,36 | 2,25 | 2,03 | 1,89 | 1,84 | 1,80 | 1,73 |
| 25 | 4,24 | 3,39 | 2,99 | 2,76 | 2,60 | 2,49 | 2,40 | 2,34 | 2,24 | 2,01 | 1,87 | 1,82 | 1,78 | 1,71 |
| 26 | 4,23 | 3,37 | 2,98 | 2,74 | 2,59 | 2,47 | 2,39 | 2,32 | 2,22 | 1,99 | 1,85 | 1,80 | 1,76 | 1,69 |
| 27 | 4,21 | 3,35 | 2,96 | 2,73 | 2,57 | 2,46 | 2,37 | 2,31 | 2,20 | 1,97 | 1,84 | 1,79 | 1,74 | 1,67 |
| 28 | 4,20 | 3,34 | 2,95 | 2,71 | 2,56 | 2,45 | 2,36 | 2,29 | 2,19 | 1,96 | 1,82 | 1,77 | 1,73 | 1,65 |
| 29 | 4,18 | 3,33 | 2,93 | 2,70 | 2,55 | 2,43 | 2,35 | 2,28 | 2,18 | 1,94 | 1,81 | 1,75 | 1,71 | 1,64 |
| 30 | 4,17 | 3,32 | 2,92 | 2,69 | 2,53 | 2,42 | 2,33 | 2,27 | 2,16 | 1,93 | 1,79 | 1,74 | 1,70 | 1,62 |
| 40 | 4,08 | 3,23 | 2,84 | 2,61 | 2,45 | 2,34 | 2,25 | 2,18 | 2,08 | 1,84 | 1,69 | 1,64 | 1,59 | 1,51 |
| 50 | 4,03 | 3,18 | 2,79 | 2,56 | 2,40 | 2,29 | 2,20 | 2,13 | 2,03 | 1,78 | 1,63 | 1,58 | 1,52 | 1,44 |
| 100 | 3,94 | 3,09 | 2,70 | 2,46 | 2,31 | 2,19 | 2,10 | 2,03 | 1,93 | 1,68 | 1,52 | 1,45 | 1,39 | 1,28 |
| 200 | 3,89 | 3,04 | 2,69 | 2,42 | 2,26 | 2,14 | 2,06 | 1,98 | 1,88 | 1,62 | 1,46 | 1,39 | 1,32 | 1,19 |
| ∞ | 3,84 | 3,00 | 2,60 | 2,37 | 2,21 | 2,10 | 2,01 | 1,94 | 1,83 | 1,57 | 1,39 | 1,32 | 1,24 | 1,00 |

Tablica rozkładu F - Snedecora

$$P(F_{n_1;n_2} \geq k) = \alpha \quad n_1; n_2 - \text{stopnie swobody}$$

Tablica dla $\alpha = 0,01$:

| $r_1 \backslash r_2$ | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 10 | 20 | 40 | 60 | 100 | ∞ |
|----------------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|-------|------|----------|
| 1 | 4052 | 5000 | 5403 | 5625 | 5764 | 5859 | 5928 | 5981 | 6055 | 6209 | 6287 | 6313 | 6334 | 6366 |
| 2 | 98,5 | 99,0 | 99,2 | 99,2 | 99,3 | 99,3 | 99,4 | 99,4 | 99,4 | 99,4 | 99,5 | 99,5 | 99,5 | 99,5 |
| 3 | 34,1 | 30,8 | 29,5 | 28,7 | 28,2 | 27,9 | 27,7 | 27,5 | 27,2 | 26,7 | 26,4 | 26,3 | 26,2 | 26,1 |
| 4 | 21,2 | 18,0 | 16,7 | 16,0 | 15,5 | 15,2 | 15,0 | 14,8 | 14,5 | 14,0 | 13,7 | 13,7 | 13,6 | 13,5 |
| 5 | 16,3 | 13,3 | 12,1 | 11,4 | 11,0 | 10,7 | 10,5 | 10,3 | 10,1 | 9,55 | 9,29 | 9,20 | 9,13 | 9,02 |
| 6 | 13,7 | 10,9 | 9,78 | 9,15 | 8,75 | 8,47 | 8,26 | 8,10 | 7,87 | 7,40 | 7,14 | 7,06 | 6,99 | 6,88 |
| 7 | 12,2 | 9,55 | 8,45 | 7,85 | 7,46 | 7,19 | 6,99 | 6,84 | 6,62 | 6,16 | 5,91 | 5,82 | 5,75 | 5,65 |
| 8 | 11,3 | 8,65 | 7,59 | 7,01 | 6,63 | 6,37 | 6,18 | 6,03 | 5,81 | 5,36 | 5,12 | 5,03 | 4,96 | 4,86 |
| 9 | 10,6 | 8,02 | 6,99 | 6,42 | 6,06 | 5,80 | 5,61 | 5,47 | 5,26 | 4,81 | 4,57 | 4,48 | 4,42 | 4,31 |
| 10 | 10,0 | 7,56 | 6,55 | 5,99 | 5,64 | 5,39 | 5,20 | 5,06 | 4,85 | 4,41 | 4,17 | 4,08 | 4,01 | 3,91 |
| 11 | 9,65 | 7,21 | 6,22 | 5,67 | 5,32 | 5,07 | 4,89 | 4,74 | 4,54 | 4,10 | 3,86 | 3,78 | 3,71 | 3,60 |
| 12 | 9,33 | 6,93 | 5,95 | 5,41 | 5,06 | 4,82 | 4,64 | 4,50 | 4,30 | 3,86 | 3,62 | 3,54 | 3,47 | 3,36 |
| 13 | 9,07 | 6,70 | 5,74 | 5,21 | 4,86 | 4,62 | 4,44 | 4,30 | 4,10 | 3,66 | 3,43 | 3,34 | 3,27 | 3,17 |
| 14 | 8,86 | 6,51 | 5,56 | 5,04 | 4,70 | 4,46 | 4,28 | 4,14 | 3,94 | 3,51 | 3,27 | 3,18 | 3,11 | 3,00 |
| 15 | 8,68 | 6,36 | 5,42 | 4,89 | 4,56 | 4,32 | 4,14 | 4,00 | 3,80 | 3,37 | 3,13 | 3,05 | 2,98 | 2,87 |
| 16 | 8,53 | 6,23 | 5,29 | 4,77 | 4,44 | 4,20 | 4,03 | 3,89 | 3,69 | 3,26 | 3,02 | 2,93 | 2,86 | 2,75 |
| 17 | 8,40 | 6,11 | 5,18 | 4,67 | 4,34 | 4,10 | 3,93 | 3,79 | 3,59 | 3,16 | 2,92 | 2,83 | 2,76 | 2,65 |
| 18 | 8,29 | 6,01 | 5,09 | 4,58 | 4,25 | 4,01 | 3,84 | 3,71 | 3,51 | 3,08 | 2,84 | 2,75 | 2,68 | 2,57 |
| 19 | 8,18 | 5,93 | 5,01 | 4,50 | 4,17 | 3,94 | 3,77 | 3,63 | 3,43 | 3,00 | 2,76 | 2,67 | 2,60 | 2,49 |
| 20 | 8,10 | 5,85 | 4,94 | 4,43 | 4,10 | 3,87 | 3,70 | 3,56 | 3,37 | 2,94 | 2,69 | 2,61 | 2,54 | 2,42 |
| 21 | 8,02 | 5,78 | 4,87 | 4,37 | 4,04 | 3,81 | 3,64 | 3,51 | 3,31 | 2,88 | 2,64 | 2,55 | 2,48 | 2,36 |
| 22 | 7,95 | 5,72 | 4,82 | 4,31 | 3,99 | 3,76 | 3,59 | 3,45 | 3,26 | 2,83 | 2,58 | 2,50 | 2,42 | 2,31 |
| 23 | 7,88 | 5,66 | 4,76 | 4,26 | 3,94 | 3,71 | 3,54 | 3,41 | 3,21 | 2,78 | 2,54 | 2,45 | 2,37 | 2,26 |
| 24 | 7,82 | 5,61 | 4,72 | 4,22 | 3,90 | 3,67 | 3,50 | 3,36 | 3,17 | 2,74 | 2,49 | 2,40 | 2,33 | 2,21 |
| 25 | 7,77 | 5,57 | 4,68 | 4,18 | 3,86 | 3,63 | 3,46 | 3,32 | 3,13 | 2,70 | 2,45 | 2,36 | 2,29 | 2,17 |
| 26 | 7,72 | 5,53 | 4,64 | 4,14 | 3,82 | 3,59 | 3,42 | 3,29 | 3,09 | 2,66 | 2,42 | 2,33 | 2,25 | 2,13 |
| 27 | 7,68 | 5,49 | 4,60 | 4,11 | 3,78 | 3,56 | 3,39 | 3,26 | 3,06 | 2,63 | 2,38 | 2,29 | 2,22 | 2,10 |
| 28 | 7,64 | 5,45 | 4,57 | 4,07 | 3,75 | 3,53 | 3,36 | 3,23 | 3,03 | 2,60 | 2,35 | 2,26 | 2,19 | 2,06 |
| 29 | 7,60 | 5,42 | 4,54 | 4,04 | 3,73 | 3,50 | 3,33 | 3,20 | 3,00 | 2,57 | 2,33 | 2,23 | 2,16 | 2,03 |
| 30 | 7,56 | 5,39 | 4,51 | 4,02 | 3,70 | 3,47 | 3,30 | 3,17 | 2,98 | 2,55 | 2,30 | 2,21 | 2,13 | 2,01 |
| 40 | 7,31 | 5,18 | 4,31 | 3,83 | 3,51 | 3,29 | 3,12 | 2,99 | 2,80 | 2,37 | 2,11 | 2,02 | 1,94 | 1,80 |
| 50 | 7,17 | 5,06 | 4,20 | 3,72 | 3,41 | 3,19 | 3,02 | 2,89 | 2,70 | 2,27 | 2,01 | 1,91 | 1,82 | 1,68 |
| 100 | 6,90 | 4,82 | 3,98 | 3,51 | 3,21 | 2,99 | 2,82 | 2,69 | 2,50 | 2,07 | 1,80 | 1,69 | 1,60 | 1,43 |
| 200 | 6,76 | 4,71 | 3,88 | 3,41 | 3,11 | 2,89 | 2,73 | 2,60 | 2,41 | 1,97 | 1,69 | 1,5-8 | 1,48 | 1,28 |
| ∞ | 6,63 | 4,61 | 3,78 | 3,32 | 3,02 | 2,80 | 2,64 | 2,51 | 2,23 | 1,88 | 1,59 | 1,47 | 1,36 | 1,00 |

Tablica rozkładu F - Snedecora

$$P(F_{n_1;n_2} \geq k) = \alpha \quad n_1; n_2 - \text{stopnie swobody}$$

Tablica dla $\alpha = 0,025$:

| $\frac{r_1}{r_2}$ | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 10 | 20 | 40 | 60 | 100 | ∞ |
|-------------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|----------|
| 1 | 647,8 | 799,5 | 864,2 | 899,6 | 921,8 | 937,1 | 948,2 | 956,7 | 968,6 | 993,1 | 1006 | 1010 | 1013 | 1018 |
| 2 | 38,51 | 39,00 | 39,17 | 39,25 | 39,30 | 39,33 | 39,36 | 39,37 | 39,40 | 39,45 | 39,47 | 39,48 | 39,49 | 39,50 |
| 3 | 17,44 | 16,04 | 15,44 | 15,10 | 14,88 | 14,73 | 14,62 | 14,54 | 14,42 | 14,17 | 14,04 | 13,99 | 13,96 | 13,90 |
| 4 | 12,22 | 10,65 | 9,98 | 9,60 | 9,36 | 9,20 | 9,07 | 8,98 | 8,84 | 8,56 | 8,41 | 8,36 | 8,32 | 8,26 |
| 5 | 10,01 | 8,43 | 7,76 | 7,39 | 7,15 | 6,98 | 6,85 | 6,76 | 6,62 | 6,33 | 6,18 | 6,12 | 6,08 | 6,02 |
| 6 | 8,81 | 7,26 | 6,60 | 6,23 | 5,99 | 5,82 | 5,70 | 5,60 | 5,46 | 5,17 | 5,01 | 4,96 | 4,92 | 4,85 |
| 7 | 8,07 | 6,54 | 5,89 | 5,52 | 5,29 | 5,12 | 4,99 | 4,90 | 4,76 | 4,47 | 4,31 | 4,25 | 4,21 | 4,14 |
| 8 | 7,57 | 6,06 | 5,42 | 5,05 | 4,82 | 4,65 | 4,53 | 4,43 | 4,30 | 4,00 | 3,84 | 3,78 | 3,74 | 3,67 |
| 9 | 7,21 | 5,71 | 5,08 | 4,72 | 4,48 | 4,32 | 4,20 | 4,10 | 3,96 | 3,67 | 3,51 | 3,45 | 3,40 | 3,33 |
| 10 | 6,94 | 5,46 | 4,83 | 4,47 | 4,24 | 4,07 | 3,95 | 3,85 | 3,72 | 3,42 | 3,26 | 3,20 | 3,15 | 3,08 |
| 11 | 6,72 | 5,26 | 4,63 | 4,28 | 4,04 | 3,88 | 3,76 | 3,66 | 3,53 | 3,23 | 3,06 | 3,00 | 2,96 | 2,88 |
| 12 | 6,55 | 5,10 | 4,47 | 4,12 | 3,89 | 3,73 | 3,61 | 3,51 | 3,37 | 3,07 | 2,91 | 2,85 | 2,80 | 2,72 |
| 13 | 6,41 | 4,97 | 4,35 | 4,00 | 3,77 | 3,60 | 3,48 | 3,39 | 3,25 | 2,95 | 2,78 | 2,72 | 2,67 | 2,60 |
| 14 | 6,30 | 4,86 | 4,24 | 3,89 | 3,66 | 3,50 | 3,38 | 3,29 | 3,15 | 2,84 | 2,67 | 2,61 | 2,56 | 2,49 |
| 15 | 6,20 | 4,77 | 4,15 | 3,80 | 3,58 | 3,41 | 3,29 | 3,20 | 3,06 | 2,76 | 2,59 | 2,52 | 2,47 | 2,40 |
| 16 | 6,12 | 4,69 | 4,08 | 3,73 | 3,50 | 3,34 | 3,22 | 3,12 | 2,99 | 2,68 | 2,51 | 2,45 | 2,40 | 2,32 |
| 17 | 6,04 | 4,62 | 4,01 | 3,66 | 3,44 | 3,28 | 3,16 | 3,06 | 2,92 | 2,62 | 2,44 | 2,38 | 2,33 | 2,25 |
| 18 | 5,98 | 4,56 | 3,95 | 3,61 | 3,38 | 3,22 | 3,10 | 3,01 | 2,87 | 2,56 | 2,38 | 2,32 | 2,27 | 2,19 |
| 19 | 5,92 | 4,51 | 3,90 | 3,56 | 3,33 | 3,17 | 3,05 | 2,96 | 2,82 | 2,51 | 2,33 | 2,27 | 2,21 | 2,13 |
| 20 | 5,87 | 4,46 | 3,86 | 3,51 | 3,29 | 3,13 | 3,01 | 2,91 | 2,77 | 2,46 | 2,29 | 2,22 | 2,17 | 2,09 |
| 21 | 5,83 | 4,42 | 3,82 | 3,48 | 3,25 | 3,09 | 2,97 | 2,87 | 2,73 | 2,42 | 2,25 | 2,18 | 2,13 | 2,04 |
| 22 | 5,79 | 4,38 | 3,78 | 3,44 | 3,22 | 3,05 | 2,93 | 2,84 | 2,70 | 2,39 | 2,21 | 2,14 | 2,09 | 2,00 |
| 23 | 5,75 | 4,35 | 3,75 | 3,41 | 3,18 | 3,02 | 2,90 | 2,81 | 2,67 | 2,36 | 2,18 | 2,11 | 2,06 | 1,97 |
| 24 | 5,72 | 4,32 | 3,72 | 3,38 | 3,15 | 2,99 | 2,87 | 2,78 | 2,64 | 2,33 | 2,15 | 2,08 | 2,02 | 1,94 |
| 25 | 5,69 | 4,29 | 3,69 | 3,35 | 3,13 | 2,97 | 2,85 | 2,75 | 2,61 | 2,30 | 2,12 | 2,05 | 2,00 | 1,91 |
| 26 | 5,66 | 4,27 | 3,67 | 3,33 | 3,10 | 2,94 | 2,82 | 2,73 | 2,59 | 2,28 | 2,09 | 2,03 | 1,97 | 1,88 |
| 27 | 5,63 | 4,24 | 3,65 | 3,31 | 3,08 | 2,92 | 2,80 | 2,71 | 2,57 | 2,25 | 2,07 | 2,00 | 1,94 | 1,85 |
| 28 | 5,61 | 4,22 | 3,63 | 3,29 | 3,06 | 2,90 | 2,78 | 2,69 | 2,55 | 2,23 | 2,05 | 1,98 | 1,92 | 1,83 |
| 29 | 5,59 | 4,20 | 3,61 | 3,27 | 3,04 | 2,88 | 2,76 | 2,67 | 2,53 | 2,21 | 2,03 | 1,96 | 1,90 | 1,81 |
| 30 | 5,57 | 4,18 | 3,59 | 3,25 | 3,03 | 2,87 | 2,75 | 2,65 | 2,51 | 2,20 | 2,01 | 1,94 | 1,88 | 1,79 |
| 40 | 5,42 | 4,05 | 3,46 | 3,13 | 2,90 | 2,74 | 2,62 | 2,53 | 2,39 | 2,07 | 1,88 | 1,80 | 1,74 | 1,64 |
| 50 | 5,34 | 3,97 | 3,39 | 3,05 | 2,83 | 2,67 | 2,55 | 2,46 | 2,32 | 1,99 | 1,80 | 1,72 | 1,66 | 1,55 |
| 100 | 5,18 | 3,83 | 3,25 | 2,92 | 2,70 | 2,54 | 2,42 | 2,32 | 2,18 | 1,85 | 1,64 | 1,56 | 1,48 | 1,35 |
| 200 | 5,10 | 3,76 | 3,18 | 2,85 | 2,63 | 2,47 | 2,35 | 2,26 | 2,11 | 1,78 | 1,56 | 1,47 | 1,39 | 1,23 |
| ∞ | 5,02 | 3,69 | 3,12 | 2,79 | 2,57 | 2,41 | 2,29 | 2,19 | 2,05 | 1,71 | 1,48 | 1,39 | 1,30 | 1,00 |

Tablica VI. Tablica rozkładu serii

Tablica dla $\alpha = 0,025$: (tablica jest symetryczna)

| $n_2 \backslash n_1$ | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
|----------------------|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 5 | | | 2 | 2 | | | | | | | | | | | | | | | |
| 6 | | 2 | 2 | 3 | 3 | | | | | | | | | | | | | | |
| 7 | | 2 | 2 | 3 | 3 | 3 | | | | | | | | | | | | | |
| 8 | | 2 | 3 | 3 | 3 | 4 | 4 | | | | | | | | | | | | |
| 9 | | 2 | 3 | 3 | 4 | 4 | 5 | 5 | | | | | | | | | | | |
| 10 | | 2 | 3 | 3 | 4 | 5 | 5 | 5 | 6 | | | | | | | | | | |
| 11 | | 2 | 3 | 4 | 4 | 5 | 5 | 6 | 6 | 7 | | | | | | | | | |
| 12 | 2 | 2 | 3 | 4 | 4 | 5 | 6 | 6 | 7 | 7 | 7 | | | | | | | | |
| 13 | 2 | 2 | 3 | 4 | 5 | 5 | 6 | 6 | 7 | 7 | 8 | 8 | | | | | | | |
| 14 | 2 | 2 | 3 | 4 | 5 | 5 | 6 | 7 | 7 | 8 | 8 | 9 | 9 | | | | | | |
| 15 | 2 | 3 | 3 | 4 | 5 | 6 | 6 | 7 | 7 | 8 | 8 | 9 | 9 | 10 | | | | | |
| 16 | 2 | 3 | 4 | 4 | 5 | 6 | 6 | 7 | 8 | 8 | 9 | 9 | 10 | 10 | 11 | | | | |
| 17 | 2 | 3 | 4 | 4 | 5 | 6 | 7 | 7 | 8 | 9 | 9 | 10 | 10 | 11 | 11 | 11 | | | |
| 18 | 2 | 3 | 4 | 5 | 5 | 6 | 7 | 8 | 8 | 9 | 9 | 10 | 10 | 11 | 11 | 12 | 12 | | |
| 19 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 6 | 7 | 8 | 8 | 9 | 10 | 10 | 11 | 11 | 12 | 12 | 13 | 13 | |
| 20 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 6 | 7 | 8 | 9 | 9 | 10 | 10 | 12 | 12 | 13 | 13 | 13 | 13 | 14 |

Tablica VI. Tablica rozkładu serii

Tablica dla $\alpha = 0,975$: (tablica jest symetryczna)

| $n_2 \backslash n_1$ | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
|----------------------|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 2 | 4 | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 3 | 5 | 6 | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 4 | 5 | 7 | 8 | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 5 | 5 | 7 | 8 | 9 | | | | | | | | | | | | | | | |
| 6 | 5 | 7 | 8 | 9 | 10 | | | | | | | | | | | | | | |
| 7 | 5 | 7 | 9 | 10 | 11 | 12 | | | | | | | | | | | | | |
| 8 | 5 | 7 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | | | | | | | | | | | | |
| 9 | 5 | 7 | 9 | 11 | 12 | 13 | 13 | 14 | | | | | | | | | | | |
| 10 | 5 | 7 | 9 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 15 | | | | | | | | | | |
| 11 | 5 | 7 | 9 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 16 | | | | | | | | | |
| 12 | 5 | 7 | 9 | 11 | 12 | 13 | 15 | 15 | 16 | 17 | 18 | | | | | | | | |
| 13 | 5 | 7 | 9 | 11 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 18 | 19 | | | | | | | |
| 14 | 5 | 7 | 9 | 11 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 19 | 20 | | | | | | |
| 15 | 5 | 7 | 9 | 11 | 13 | 14 | 15 | 17 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 21 | | | | | |
| 16 | 5 | 7 | 9 | 11 | 13 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 20 | 21 | 22 | 22 | | | | |
| 17 | 5 | 7 | 9 | 11 | 13 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 22 | 22 | 23 | 24 | | | |
| 18 | 5 | 7 | 9 | 11 | 13 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 | 21 | 22 | 23 | 24 | 24 | 25 | | |
| 19 | 5 | 7 | 9 | 11 | 13 | 15 | 16 | 17 | 19 | 20 | 21 | 22 | 22 | 23 | 24 | 25 | 25 | 26 | |
| 20 | 5 | 7 | 9 | 11 | 13 | 15 | 16 | 17 | 19 | 20 | 21 | 22 | 23 | 24 | 24 | 25 | 26 | 26 | 27 |

Tablica VI. Tablica rozkładu serii

Tablica dla $\alpha = 0,05$: (tablica jest symetryczna)

| $n_2 \backslash n_1$ | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
|----------------------|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 4 | | | 2 | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 5 | | 2 | 2 | 3 | | | | | | | | | | | | | | | |
| 6 | | 2 | 3 | 3 | 3 | | | | | | | | | | | | | | |
| 7 | | 2 | 3 | 3 | 4 | 4 | | | | | | | | | | | | | |
| 8 | 2 | 2 | 3 | 3 | 4 | 4 | 5 | | | | | | | | | | | | |
| 9 | 2 | 2 | 3 | 4 | 4 | 5 | 5 | 6 | | | | | | | | | | | |
| 10 | 2 | 3 | 3 | 4 | 5 | 5 | 6 | 6 | 6 | | | | | | | | | | |
| 11 | 2 | 3 | 3 | 4 | 5 | 5 | 6 | 6 | 7 | 7 | | | | | | | | | |
| 12 | 2 | 3 | 4 | 4 | 5 | 6 | 6 | 7 | 7 | 8 | 8 | | | | | | | | |
| 13 | 2 | 3 | 4 | 4 | 5 | 6 | 6 | 7 | 8 | 8 | 9 | 9 | | | | | | | |
| 14 | 2 | 3 | 4 | 5 | 5 | 6 | 7 | 7 | 8 | 8 | 9 | 9 | 10 | | | | | | |
| 15 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 6 | 7 | 8 | 8 | 9 | 9 | 10 | 10 | 11 | | | | | |
| 16 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 6 | 7 | 8 | 8 | 9 | 10 | 10 | 11 | 11 | 11 | | | | |
| 17 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 7 | 8 | 9 | 9 | 10 | 10 | 11 | 11 | 12 | 12 | | | |
| 18 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 8 | 9 | 10 | 10 | 11 | 11 | 12 | 12 | 13 | 13 | | |
| 19 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 8 | 9 | 10 | 10 | 11 | 12 | 12 | 13 | 13 | 14 | 14 | |
| 20 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 9 | 10 | 11 | 11 | 12 | 12 | 13 | 13 | 14 | 14 | 15 |